

Thème 4 : Ondes et signaux

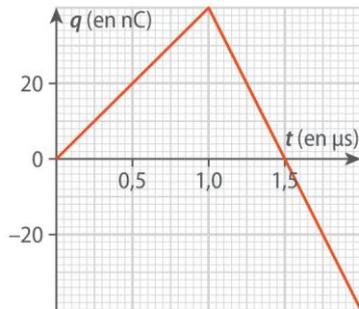
Partie 3. Etudier la dynamique d'un système électrique

CHAP 22-EXOS Condensateur-Dipôle RC

Exercices en autonomie: EC p537 n°2*-4*-5*-6*/QCM p.549 n°8 à 20/ER p551 n°21-22-23/EC p537 n°25*-27*-29*-31*-43*

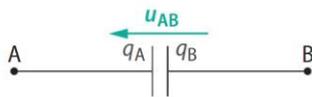
Exercices p.553 et suiv: n°26-28-30-32-34-35-38-42-45-(49)+type BAC n°53-54

26 La charge électrique q circulant en un point donné d'un circuit au cours du temps est représentée sur le graphique ci-contre.



■ Tracer le graphique représentant l'intensité $i(t)$ du courant correspondant.

27 ~~✗~~ On considère un condensateur de capacité C entre les bornes duquel règne la tension u_{AB} et dont les armatures portent les charges électriques q_A et q_B .



28 ~~✗~~ Même consigne que l'exercice précédent.

u_{AB}	C	q_A	q_B
5,0 V	16,0 pF		
	7,0 μF		$6,3 \times 10^{-8} \text{ C}$
-4,0 μV		$-2,8 \times 10^{-7} \text{ C}$	

29 ~~✗~~ Un circuit est formé d'un condensateur de capacité C et d'un dipôle ohmique de résistance R . On lui associe un temps caractéristique τ .

30 ~~✗~~ Même consigne que l'exercice précédent.

C	R	τ
9,0 mF	200 kΩ	
	2,4 MΩ	120 s
0,70 μF		700 ms

32 Un condensateur de capacité $C = 50 \text{ nF}$ a initialement une charge $q_0 = 3,5 \text{ }\mu\text{C}$ à une armature. Il est placé en série avec un dipôle ohmique de résistance R .

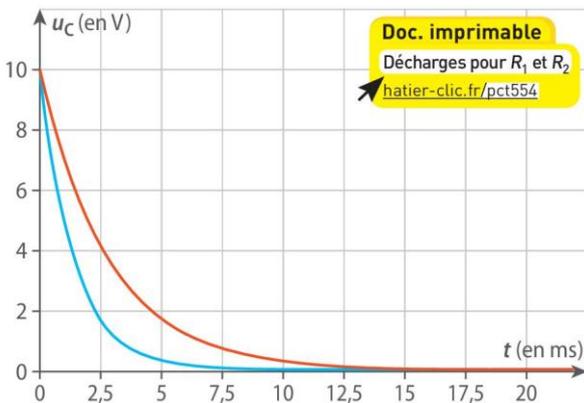
L'évolution de la tension u_C entre ses bornes vérifie :

$$RC \frac{du_C}{dt} + u_C = 0$$

- Vérifier que l'expression $u_C(t) = U_0 e^{-t/RC}$ est une solution de cette équation différentielle.
- Quelle est la relation entre q_0 et U_0 ?
- Calculer la valeur de U_0 et tracer l'allure de la courbe représentative de $u_C(t)$.

34 Un condensateur de capacité C initialement chargé est associé en série avec un dipôle ohmique de résistance R réglable.

On donne la tension aux bornes du condensateur en fonction du temps lors de la décharge. La courbe bleue est obtenue pour $R = R_1 = 20,0 \text{ k}\Omega$, la courbe rouge pour $R = R_2$.



- R_2 est-elle supérieure ou inférieure à R_1 ?
- Déterminer graphiquement le temps caractéristique τ_1 de la courbe associée à R_1 . En déduire la valeur de C .
- Parmi ces valeurs, laquelle est celle de R_2 ? Justifier.

R_2 (en $\text{k}\Omega$)	12,0	38,0	47,0	68,0
------------------------------	------	------	------	------

35 Au tableau

Utiliser un modèle • Tracer un graphique

L'équation différentielle régissant, lors de la charge, la tension u_C aux bornes d'un condensateur de capacité C en série avec un dipôle ohmique de résistance R et d'un générateur de f.é.m. E est :

$$RC \frac{du_C}{dt} + u_C = E$$

- Vérifier que l'expression $u_C(t) = A + B e^{-t/RC}$ est solution de l'équation différentielle. Déterminer A .
- Déterminer l'expression de B dans le cas où le condensateur est initialement déchargé.
- Faire de même dans le cas où le condensateur est initialement chargé sous la tension $U_0 < E$.
- Sur un même graphique, tracer l'allure des fonctions $u_C(t)$ dans les deux cas précédents.

38 Analyse dimensionnelle

Faire une analyse dimensionnelle

- a. À l'aide de la relation caractéristique du condensateur, déterminer la dimension de la capacité C d'un condensateur en fonction de celles de l'intensité du courant et de la tension.
- b. À l'aide de la loi d'Ohm, déterminer la dimension de la résistance électrique R en fonction de celles de l'intensité et de la tension.
- c. Vérifier l'homogénéité de l'expression du temps caractéristique du dipôle RC série: $\tau = RC$

► Fiche 5 p. 601

42 Démontrer et appliquer le cours

Effectuer un calcul • Établir une loi

Un condensateur de capacité C est chargé sous une tension U_0 . À l'instant $t = 0$ s, on met à ses bornes un dipôle ohmique de résistance R .

1. a. Établir l'équation différentielle qui régit l'évolution de la tension u_C aux bornes du condensateur lors de la décharge.

b. Montrer que sa solution s'écrit $u_C(t) = U_0 e^{-t/RC}$.

c. Exprimer l'intensité du courant $i(t)$.

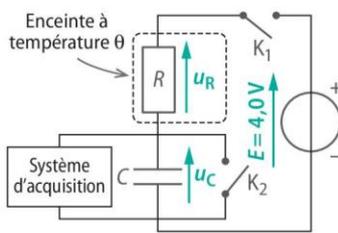
2. Un défibrillateur permet d'appliquer un choc électrique à un patient dont les fibres musculaires du cœur se contractent de façon désordonnée. Il est modélisé par un condensateur de capacité $C = 470 \mu\text{F}$ qui a été chargé sous une tension $U_0 = 1,5 \text{ kV}$. Lors de la décharge, le thorax du patient peut être modélisé par un dipôle ohmique de résistance $R = 50 \Omega$.

a. À quel instant l'intensité du courant dans le thorax est-elle maximale en valeur absolue ?

Calculer sa valeur maximale $|i_{\text{max}}|$.

b. La valeur de $|i_{\text{max}}|$ dépend-elle de celle de la capacité du condensateur ?

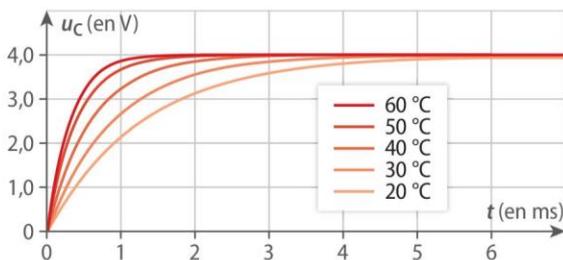
Une sonde thermique est formée d'un dipôle RC série, alimenté par un générateur de tension continue. Le condensateur a une capacité $C = 1,0 \mu\text{F}$. Le dipôle ohmique est une thermistance: la valeur de sa résistance R dépend de la température. On le place dans une enceinte de température θ . Un système d'acquisition enregistre l'évolution temporelle de la tension u_C aux bornes du condensateur.



Pour tracer la courbe d'évolution de la valeur de la résistance de la thermistance en fonction de la température, on réalise le protocole suivant.

Le condensateur est initialement déchargé et les interrupteurs K_1 et K_2 sont ouverts.

À $t = 0 \text{ s}$, on ferme K_1 et on enregistre l'évolution de u_C jusqu'à la fin de la charge du condensateur. Puis on ouvre K_1 et on ferme K_2 : le condensateur se décharge complètement. On ouvre K_2 . La température est modifiée et on répète le protocole. Le graphique ci-dessous montre les enregistrements obtenus.



a. Établir l'équation différentielle vérifiée par la tension u_C lors de la charge.

b. La solution de cette équation est de la forme:

$$u_C = A + Be^{-t/RC}$$

En tenant compte des conditions initiales et finales de la charge, exprimer A et B .

c. Imprimer le graphique disponible à l'adresse hatier-clic.fr/pct557 puis déterminer graphiquement le temps caractéristique τ_1 associé à la température $\theta_1 = 20 \text{ }^\circ\text{C}$.

d. En déduire la résistance R_1 correspondante.

e. Procéder de la même manière avec les autres températures et recopier et compléter le tableau ci-dessous.

θ (en $^\circ\text{C}$)	20	30	40	50	60
τ (en ms)					
R (en $\text{k}\Omega$)					

f. Placer les points de mesure sur un graphique représentant R en fonction de θ et ajouter la courbe-modèle.

g. La sonde est placée dans une enceinte dont on souhaite mesurer la température θ_p . On mesure avec un ohmmètre une résistance $R_p = 0,50 \text{ k}\Omega$.

Grâce à la courbe d'étalonnage, déterminer la valeur de la température θ_p .



De telles sondes thermiques sont utilisées par exemple dans les fours électriques de céramistes.

Adapté du sujet de Bac Antilles, 2005.

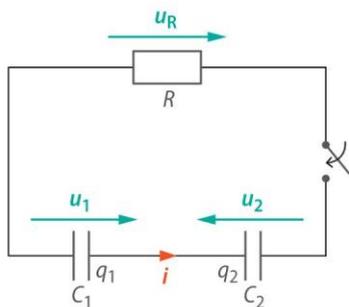
49 Décharge d'un condensateur dans un autre

Établir une loi - Tracer un graphique

On considère deux condensateurs associés en série avec un dipôle ohmique de résistance $R = 470 \Omega$ et un interrupteur ouvert. Le premier condensateur, de capacité $C_1 = 200 \mu\text{F}$ est initialement chargé de sorte que

la charge portée par son armature positive est $q_0 = 5,0 \text{ mC}$. L'autre condensateur, de capacité $C_2 = 300 \mu\text{F}$, est initialement déchargé.

À un instant pris comme origine des temps ($t = 0 \text{ s}$), on ferme l'interrupteur.



la charge portée par son armature positive est $q_0 = 5,0 \text{ mC}$. L'autre condensateur, de capacité $C_2 = 300 \mu\text{F}$, est initialement déchargé.

À un instant pris comme origine des temps ($t = 0 \text{ s}$), on ferme l'interrupteur.

1. On cherche à établir l'équation d'évolution de la charge aux bornes du condensateur de capacité C_2 .

a. On note $q_1(t)$ et $q_2(t)$ la charge à l'armature positive de chaque condensateur.

Donner la relation entre $q_1(t)$, $q_2(t)$ et q_0 .

b. Donner la relation entre u_1 , u_2 , R et i .

c. Rappeler la relation entre i , q_2 et t .

d. Utiliser les relations caractéristiques des condensateurs pour montrer que l'on peut écrire :

$$\frac{dq_2}{dt} + \frac{q_2}{\tau_A} = \frac{q_0}{\tau_B}$$

où on exprimera τ_A et τ_B en fonction des données.

2. On étudie à présent la solution de l'équation différentielle et l'évolution du système.

a. Donner la solution générale de l'équation homogène.

b. Donner une solution particulière de l'équation différentielle.

c. Calculer la charge de chaque condensateur pour des temps très longs.

d. Tracer les courbes représentant q_1 et q_2 en fonction du temps.

54 Stimulateur cardiaque SVT

Un stimulateur cardiaque est un dispositif perfectionné et miniaturisé, relié au cœur humain par des électrodes (appelées les sondes). Le stimulateur est actionné grâce à une pile intégrée, généralement au lithium; il génère de petites impulsions électriques de basse tension qui forcent le cœur à battre à un rythme régulier et suffisamment rapide. Il comporte donc deux parties: le boîtier, source des impulsions électriques, et les sondes, qui conduisent le courant. Le générateur d'impulsions du stimulateur cardiaque peut être modélisé par le circuit représenté ci-dessous.

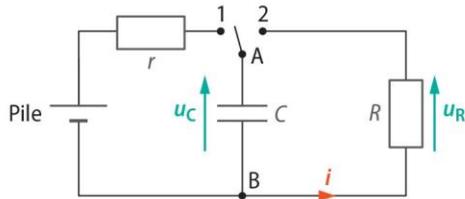


Figure 1

La valeur de r est très faible, de telle sorte que le condensateur se charge très rapidement lorsque l'interrupteur (en réalité, un dispositif électronique) est en position 1. Lorsque la charge est terminée, l'interrupteur bascule en position 2. Le condensateur se décharge lentement dans la résistance R , de valeur élevée.

Quand la tension aux bornes de R atteint une valeur donnée (e^{-1} fois sa valeur initiale), le boîtier envoie au cœur une impulsion électrique par l'intermédiaire des sondes. L'interrupteur bascule simultanément en position 1 et la recharge du condensateur se fait quasiment instantanément à travers r . Le processus recommence.

D'après *Physique*, Terminale S, éditions Bréal.

Étude du générateur d'impulsions

Pour déterminer la valeur de R , on insère le condensateur, préalablement chargé sous la tension E , dans le circuit ci-contre. La capacité du condensateur est $C = 0,40 \mu\text{F}$.

On enregistre alors l'évolution de la tension u_C aux bornes du condensateur.

On obtient la courbe ci-dessous.

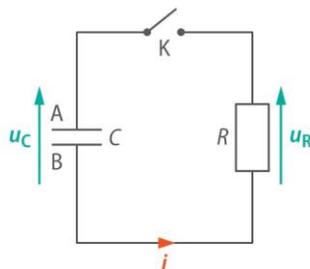
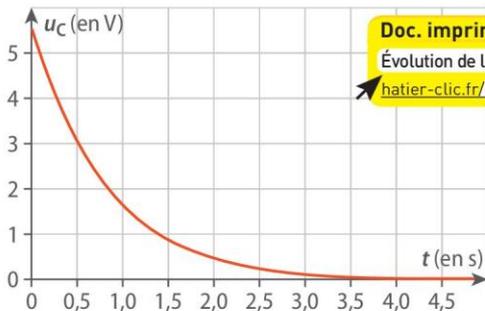


Figure 2



Doc. imprimable

Évolution de la tension

hatier-clic.fr/pct562

Télécharger et imprimer la courbe disponible à l'adresse hatier-clic.fr/pct562.

1. Exploitation de la courbe

- 1.1. Déterminer graphiquement la valeur de E .
- 1.2. Déterminer graphiquement la valeur du temps caractéristique τ de décharge du condensateur.

2. Détermination de R

- 2.1. En respectant les notations de la figure 2, donner:
 - la relation liant l'intensité du courant i et la charge q de l'une des armatures du condensateur, que l'on précisera;
 - la relation liant u_R et i .

- 2.2. En déduire que la tension u_C aux bornes du condensateur vérifie l'équation différentielle:

$$\frac{du_C}{dt} + \frac{1}{RC}u_C = 0$$

- 2.3. Montrer que cette équation différentielle admet une solution de la forme: $u_C(t) = Ae^{-t/\tau}$

Donner les expressions de A et τ en fonction de E , C et R .

- 2.4. En utilisant la valeur de τ déterminée en 1.2, calculer la valeur de R .

3. Les impulsions

On admet pour la suite que, tant que le condensateur se décharge, l'évolution de u_R en fonction du temps est donnée par:

$$u_R(t) = 5,6e^{-t/0,80}$$

où u_R est exprimé en volts et t en secondes.

- 3.1. Calculer la valeur de u_R qui déclenche l'envoi d'une impulsion vers le cœur.
- 3.2. À quel instant, après le début de la décharge, cette valeur est-elle atteinte?
- 3.3. Que se passe-t-il après cet instant? Représenter l'allure de l'évolution de u_R au cours du temps lors de la génération des impulsions. Préciser les valeurs remarquables.
- 3.4. Déterminer la fréquence des impulsions de tension ainsi générées. Vérifier que le résultat est bien compatible avec une fréquence cardiaque normale.

Adapté du sujet de Bac Polynésie, 2007.

DES CLÉS POUR RÉUSSIR

- 1.2. Le temps caractéristique se détermine graphiquement comme la durée au bout de laquelle la tangente à la courbe à l'origine croise son asymptote horizontale. C'est aussi (en décharge) la durée pour laquelle la tension vaut 37% de sa valeur initiale.
- 2.1. Attention, pour la résistance, les flèches de tension et d'intensité sont dans le même sens.
- 2.3. Pour trouver l'expression de A , étudier la condition initiale.
- 3.1. Relire le paragraphe introductif pour savoir quel événement déclenche l'envoi d'une impulsion.
- 3.4. La durée de charge étant négligeable d'après le texte introductif, la période des impulsions est égale à la durée de décharge.