

### Thème 3 : Energie : conversions et transferts

#### Partie 2. Effectuer des bilans d'énergie sur un système

#### CHAP 17-EXOS Initiation à la thermodynamique Loi de phénoménologique de Newton—Effet de serre

Exercices en autonomie: QCM p.441/ER p442 à 445/EC n°24\*-27\*-29\*-31\*-33\*-36\*-38\*-40\*-42\*

Exercices p.446 et suiv : n°25-28-30-32-35-37-39-41-43-44-49-50-type BAC n°57

**Données** • 1 bar =  $10^5$  Pa

• Constante des gaz parfaits :  $R = 8,31 \text{ J}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{mol}^{-1}$

• Conversion :  $T (\text{K}) = 273,15 + \theta (\text{°C})$

• Constante de Stefan-Boltzmann :  $\sigma = 5,67 \times 10^{-8} \text{ W}\cdot\text{m}^{-2}\cdot\text{K}^{-4}$

• Capacité thermique massique de l'eau :  $c_{\text{eau}} = 4,18 \text{ kJ}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{kg}^{-1}$

• Constante d'Avogadro :  $N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$

**25** Dans le pneu d'une voiture qui a longuement roulé, la température de l'air atteint  $\theta_1 = 65 \text{ °C}$ .

Le volume de l'air qu'il contient vaut  $V = 50 \text{ L}$ .

L'automobiliste mesure la pression  $P_1 = 2,3 \text{ bar}$ .

a. Calculer la quantité de matière  $n$  d'air, assimilé à un gaz parfait, contenu dans le pneu.


b. Quelle sera la pression  $P_2$  à froid, lorsque la température de l'air vaudra  $\theta_2 = 15 \text{ °C}$  ?

**28** Une brique indéformable et immobile, de capacité thermique  $C = 900 \text{ J}\cdot\text{K}^{-1}$  a une température qui diminue de  $420 \text{ °C}$  après sa cuisson.

■ Quelle énergie thermique cède-t-elle à l'extérieur ?

**30** Un système formé de  $m = 100 \text{ g}$  d'eau reçoit, par mouvement de brassage, un travail  $W = 250 \text{ J}$ . Pourtant, sa température baisse de  $5 \text{ °C}$ .

■ Calculer l'énergie thermique  $Q$  qu'il cède à l'extérieur.

**32**  Deux corps solides identiques, de même capacité thermique  $C$ , de températures initiales  $\theta_{1i} = 30 \text{ °C}$  et  $\theta_{2i} = 70 \text{ °C}$ , ne peuvent échanger de l'énergie thermique qu'à travers la cloison qui les sépare, de résistance thermique  $R_{\text{th}} = 0,025 \text{ K}\cdot\text{W}^{-1}$ .

a. Calculer la valeur du flux thermique  $\Phi_{\text{th}}$  traversant la cloison à l'instant initial.

b. Comment les températures des deux corps évoluent-elles au cours du temps ?

**35** Une météorite de masse  $m = 100 \text{ g}$ , de capacité thermique massique  $c = 790 \text{ J}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{kg}^{-1}$ , d'aire  $S = 20 \text{ cm}^2$ , de température initiale  $T_0 = 750 \text{ K}$ , tombe dans la mer formant un thermostat à la température  $T_{\text{th}} = 293 \text{ K}$ . Le coefficient de transfert conducto-convectif vaut  $h = 100 \text{ W}\cdot\text{m}^{-2}\cdot\text{K}^{-1}$ . La température  $T(t)$  de la météorite vérifie l'équation différentielle :  $\frac{dT}{dt} + \frac{hS}{mc}T = \frac{hS}{mc}T_{\text{th}}$

■ Calculer le temps caractéristique  $\tau$  de refroidissement de la météorite.

### 37 Compression isotherme d'un gaz parfait

Utiliser un modèle

Un système formé de  $n$  mol de gaz parfait est maintenu à température constante  $T$ . Sa pression est multipliée par deux.

- Par quel coefficient son volume est-il multiplié ?
- Par quel coefficient sa masse volumique est-elle multipliée ?

### 39 Frigorifié en 10 secondes ?

Faire preuve d'esprit critique • Estimer un ordre de grandeur

Le corps humain a une capacité thermique massique proche de celle de l'eau. L'aire de sa surface vaut environ  $2 \text{ m}^2$ . On assimile la température de son corps à celle de sa peau. Le coefficient conducto-convectif au contact de l'eau immobile vaut environ  $h = 100 \text{ W}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{m}^{-2}$ . L'hypothermie est souvent mortelle quand la température du corps atteint  $25 \text{ }^\circ\text{C}$ .

Le temps caractéristique de refroidissement d'un corps de capacité thermique  $C$  dans l'eau vaut  $\tau = \frac{C}{hS}$ .

- Estimer l'ordre de grandeur de  $\tau$ .
- Peut-on mourir par hypothermie si on passe 10 secondes dans l'eau d'un lac gelé en surface ?

### 41 Congélateur

Schématiser une situation

Dans l'enceinte d'un congélateur, l'air et les aliments sont à la température  $\theta_1 = -25 \text{ }^\circ\text{C}$  et la température de l'air extérieur vaut  $\theta_2 = 25 \text{ }^\circ\text{C}$ . Pour assurer le maintien de cette situation, pendant une heure de fonctionnement, le congélateur opère le transfert d'une énergie thermique  $Q_{\text{cong}} = 1,43 \text{ MJ}$  entre les aliments et l'extérieur.

- La température des aliments doit rester constante au cours du temps.

Par un bilan thermique sur ce système, en déduire l'énergie thermique  $Q$  transférée par conduction thermique à travers les parois de l'enceinte.

- En déduire le flux thermique conductif  $\Phi_{\text{th}}$  à travers les parois dont les faces sont aux températures  $\theta_1$  et  $\theta_2$ , puis la valeur  $R_{\text{th}}$  de la résistance thermique des parois de l'enceinte.

### 43 Eau tiède

Effectuer un calcul

En 10 secondes environ, le mitigeur d'un évier mélange une masse  $m_1 = 100 \text{ g}$  d'eau froide à la température  $\theta_1 = 10 \text{ }^\circ\text{C}$  et une masse  $m_2 = 180 \text{ g}$  d'eau chaude à la température  $\theta_2 = 60 \text{ }^\circ\text{C}$ .

- Calculer la masse totale d'eau et la température de cette eau. On négligera tout transfert thermique et tout travail échangé avec l'extérieur.

#### 44 Démontrer et appliquer le cours

Établir une loi • Exploiter un énoncé

Pour refroidir un verre de limonade, on peut y introduire un glaçon, mais l'eau de fonte du glaçon affadit la boisson. Boire une limonade « *on the rocks* » signifie qu'on y introduit plutôt un caillou (*rock*) glacial. Ce caillou est un cube de granite de côté  $a = 3,0$  cm. La masse volumique du granite vaut  $\rho = 2,64 \times 10^3 \text{ kg}\cdot\text{m}^{-3}$  et sa capacité thermique massique,  $c_{\text{gr}} = 790 \text{ J}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{kg}^{-1}$ .



Pour le refroidir, on le suspend par un fil dans une chambre froide, au contact de l'air à la température  $\theta_{\text{th}} = -25$  °C. La température du caillou à la date  $t$  est notée  $\theta(t)$ , sa valeur initiale est  $\theta(0) = \theta_0 = 15$  °C. La puissance du transfert thermique conducto-convectif cédé par le caillou à l'air extérieur est donné par la loi de Newton :

$$P_{\text{th,cc}} = hS(\theta(t) - \theta_{\text{th}})$$

où  $S$  est l'aire de la surface du glaçon et  $h = 10 \text{ W}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{m}^{-2}$ .

- Calculer l'aire totale des six faces du caillou.
- Calculer le volume du caillou.
- En déduire sa masse et sa capacité thermique  $C = mc_{\text{gr}}$ .
- Effectuer le bilan d'énergie interne entre les dates  $t$  et  $t + \Delta t$  pour le caillou, solide incompressible.
- En déduire l'équation différentielle vérifiée par  $\theta(t)$  qu'on exprimera sous la forme suivante en précisant la valeur du temps caractéristique  $\tau$  :

$$\frac{d\theta}{dt} + \frac{1}{\tau}\theta = \frac{1}{\tau}\theta_{\text{th}}$$

- La solution générale de cette équation différentielle est :

$$\theta(t) = \theta_{\text{th}} + Ae^{-t/\tau}$$

Déterminer la constante  $A$  grâce à la condition initiale.

- Déterminer la date à laquelle le caillou devient « glacial », c'est-à-dire que sa température exprimée en degrés Celsius devient négative.

#### 49 Pourquoi a-t-on si faim en sortant de la piscine ? SVT

Exploiter un énoncé

Une nageuse parcourt 1 500 m en une heure dans l'eau d'une piscine à la température  $\theta_{th} = 28 \text{ }^\circ\text{C}$ . La température de sa peau est égale à  $\theta_p = 33 \text{ }^\circ\text{C}$ .



La puissance thermique transférée de son corps vers l'eau est donnée par la loi de Newton :

$$P_{th,cc} = hS(\theta_p - \theta_{th})$$

où le coefficient conducto-convectif vaut  $h = 10 \text{ kW}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{m}^{-2}$  et l'aire de la surface de la peau de la nageuse  $S = 1,9 \text{ m}^2$ .

**a.** Calculer l'énergie thermique  $Q$  cédée par la nageuse à l'eau pendant sa séance de natation.

**b.** Les dépenses énergétiques du corps humain sont globalement compensées par l'alimentation. L'unité énergétique des diététiciens est la kilocalorie, égale à 4,18 MJ.

Exprimer  $Q$  dans cette unité.

**c.** La dépense énergétique associée aux mouvements de brasse sur une distance de 1 500 m est estimée à 600 kilocalories.

Une banane apporte 89 kilocalories.

Combien de bananes la nageuse peut-elle manger pour reconstituer ses réserves ?



Indiquer la part imputable aux mouvements de brasse et celle imputable aux transferts thermiques.

**d.** Reprendre le calcul précédent si la nageuse s'entraîne dans un lac dont l'eau est à  $18 \text{ }^\circ\text{C}$ .

## 50 Principe du thermoplongeur

Effectuer un calcul

Un récipient possède une capacité thermique  $C = 100 \text{ J}\cdot\text{K}^{-1}$ . On y verse une masse  $m = 1,00 \text{ kg}$  d'eau. Un dipôle ohmique de résistance  $R = 1,20 \Omega$  et de capacité thermique  $C' = 20 \text{ J}\cdot\text{K}^{-1}$  est plongé dans l'eau. On place l'ensemble dans une enceinte qui empêche tout transfert thermique avec l'extérieur, et on mesure sa température initiale  $\theta_0 = 14,5 \text{ }^\circ\text{C}$ .

À l'instant initial, on alimente le dipôle ohmique par un générateur de tension  $U_0 = 48,0 \text{ V}$ .

- Calculer la capacité thermique  $C + mc_{\text{eau}} + C'$  du système formé par le récipient, l'eau et le dipôle.
- Donner l'expression littérale de l'énergie thermique  $Q$  reçue par ce système pendant une durée  $\Delta t$  en admettant qu'elle est égale à l'énergie thermique fournie par effet Joule.
- Déterminer la valeur de  $\Delta t$  nécessaire à l'entrée en ébullition de l'eau (à  $100 \text{ }^\circ\text{C}$ ).

## 57 Résolution de problème Survie en milieu marin SVT

Les mammifères marins maintiennent la température de leur corps constante en produisant de l'énergie thermique par métabolisme\*.

Pour expliquer cette situation, on adopte un modèle très simple :

- L'animal est assimilé à une boule sphérique de rayon  $R$ .
- Son métabolisme produit une énergie thermique dont la puissance est proportionnelle à son volume  $V$  :  $P_{\text{mb}} = \beta V$  où  $\beta = 700 \text{ kW}\cdot\text{m}^{-3}$  est la puissance volumique, qui est indépendante de la taille de l'animal.
- Sa température corporelle  $\theta = 37 \text{ }^\circ\text{C}$  est égale à celle de sa peau.
- Il est plongé dans l'eau à la température loin de sa peau égale à  $\theta_{\text{th}} = 10 \text{ }^\circ\text{C}$ .



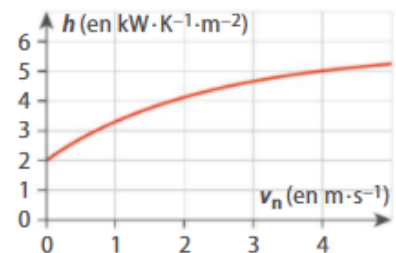
Le plus petit mammifère marin connu, le marsouin du Pacifique, a une masse à l'âge adulte de l'ordre de 40 kg.

### Doc. 1 Loi de Newton

Un système solide d'aire totale  $S$  à la température  $\theta$ , plongé dans un fluide à la température loin du solide  $\theta_{\text{th}}$  lui cède une énergie thermique par transfert conducto-convectif, de puissance  $P_{\text{th,cc}} = hS(\theta - \theta_{\text{th}})$ .

### Doc. 2 Évolution du coefficient de convection avec la vitesse de l'animal

- Le coefficient conducto-convectif  $h$  d'un mammifère marin dépend de sa vitesse de nage  $v_n$ . L'activité de nage est évidemment consommatrice en énergie. On donne ci-contre l'allure du graphique traduisant cette dépendance.



### Doc. 3 Propriétés géométriques de la boule sphérique

Soit une boule de rayon  $R$ .

- L'aire de sa surface sphérique vaut  $S = 4\pi R^2$ .
- Son volume vaut  $V = \frac{4}{3}\pi R^3$ .

### Vocabulaire

**Métabolisme** : ensemble des réactions biochimiques permettant la survie d'un organisme.

## PROBLÈME

Quel est le rayon minimal qui permet à un mammifère marin de survivre dans les conditions décrites dans le modèle ?