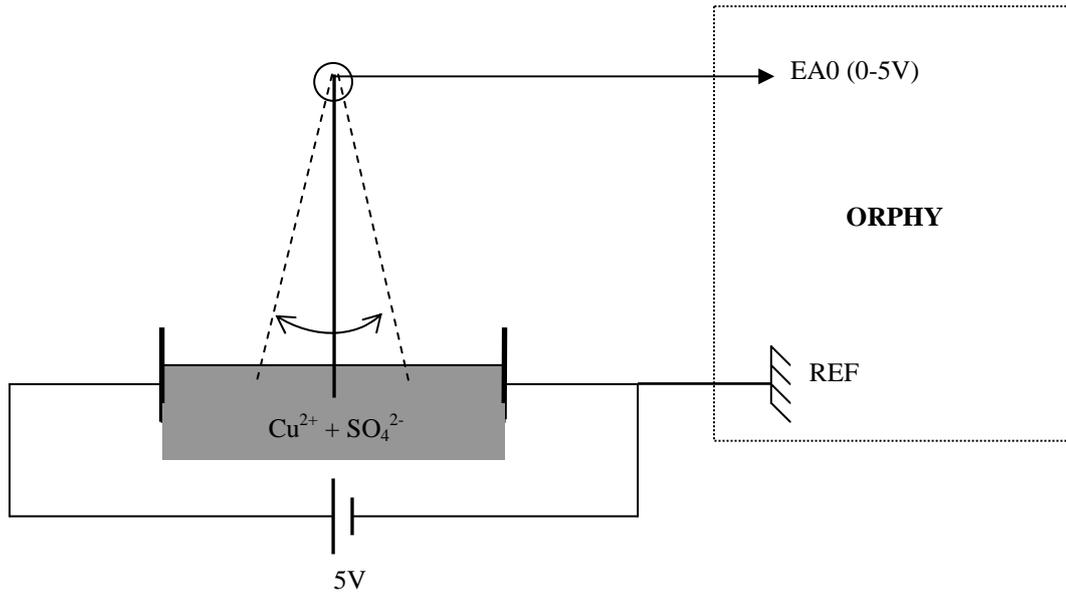
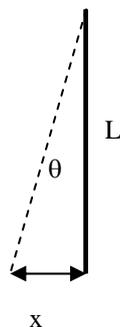


**I/ le pendule pesant: étude d'un dispositif permettant l'enregistrement du mouvement d'un système oscillant****1) Dispositif expérimental**

- mettre le module ORPHY sous tension (interrupteur sur la façade arrière)
- positionner la REF sur 0V (interrupteur rouge sur la façade avant)
- ouvrir REGRESSI
- ouvrir WIN-GTS
- ouvrir le TP n°39 pendule pesant (configurations préenregistrées):  
entrée analogique EA0 voltmètre 0/5V  
autres entrées non utilisées  
synchronisation aucune  
référence 0V  
abscisse temps  
une mesure toutes les 10 ms  
temps total d'acquisition 5,0 s  
500 points de mesures
- régler la tension délivrée par le générateur ( $\sim 5V$ ) pour obtenir 2,5V quand le pendule pesant est dans sa position d'équilibre
- écarter le pendule de sa position d'équilibre et lancer l'acquisition: on visualise à l'écran la courbe  $U(t)$

**2) Exploitation éventuelle**

- si on veut tracer  $\theta(t)$  il faut transférer la page courante vers REGRESSI et ajouter les grandeurs calculées suivantes:



$x = (U - 2,5) / 5 * 0,11$  la longueur de la cuve 11 cm correspond à une tension de 5V  
 $\theta = \text{ATAN}(x / 0,20)$  la longueur du pendule  $L = 20$  cm  
 penser à cliquer sur l'icône pour travailler en degré.



**Conclusions:** On observe des oscillations périodiques (pseudopériodiques si on augmente les frottements). Mesurer la période (pseudopériode).

## II/ le pendule simple: « rappels de seconde »

### 1) isochronisme des petites oscillations

- écarter le pendule de sa position d'équilibre d'un angle  $\theta$ , le lâcher sans vitesse initiale et mesurer la période des oscillations.
- Expliquer pourquoi il est préférable de mesurer la durée de 10 oscillations plutôt que celle d'une seule.
- Expliquer pourquoi il est préférable de déclencher le chronomètre quand le pendule passe par une position extrême plutôt que par sa position d'équilibre.
- Vérifier que tant que  $\theta$  reste faible la période des oscillations est indépendante de l'amplitude des oscillations.

$\theta(^{\circ})$	5	10	15	30	60
$\Delta t$ (s)					
T(s)					

### 2) période propre

- a. **vérifier que la période des oscillations est indépendante de la masse du pendule pour des oscillations de faible amplitude.**

m (g)					
$\Delta t$ (s)					
T(s)					

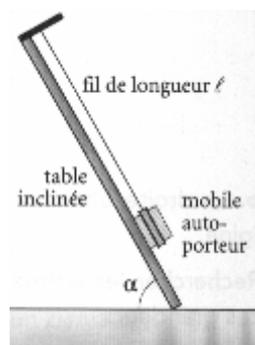
- b. **vérifier que la période des oscillations varie comme la racine carrée de la longueur  $\ell$**

$\ell$ ( $10^{-2}$ m)					
$\Delta t$ (s)					
T(s)					

- A l'aide du tableur REGRESSI, tracer la représentation  $T=f(\sqrt{\ell})$ , modéliser par une droite d'équation  $T=a\sqrt{\ell}$ .
- Valeur du coefficient directeur:  $a=.....$
- Vérifier que  $a = \frac{2\pi}{\sqrt{g}}$  avec  $g = 9,8 \text{ m s}^{-2}$

- c. **vérifier que la période des oscillations varie comme l'inverse de la racine carrée de l'accélération  $g$  de pesanteur.**

On ne peut pas modifier la valeur  $g$  du champ de pesanteur. Toutefois, grâce au dispositif suivant, tout se passe comme si le pendule était vertical et placé dans un champ de pesanteur de valeur  $g' = g \sin \alpha$ .



Pour différentes valeurs de l'angle  $\alpha$ , on mesure la durée  $\Delta t$  de 20 oscillations de faible amplitude.

La table DIGWIN étant actuellement in opérationnelle, on fournit les mesures suivantes obtenues avec un mobile autoporteur de masse  $m = 125 \text{ g}$ , pour un fil de longueur  $\ell = 24,4 \text{ cm}$ .

$\alpha$ ( $^{\circ}$ )	90	70	50	30	20	10
$\Delta t$ (s)	19,9	20,6	22,6	28,2	33,9	46,5

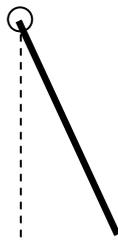
- à l'aide du tableur REGRESSI tracer la représentation graphique  $T = f\left(\frac{1}{\sqrt{g'}}\right)$
- donner l'équation de cette courbe.
- Vérifier que le coefficient directeur  $a' = 2\pi \sqrt{\ell}$

**Conclusions :**

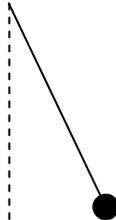
- Vérifier que les résultats des paragraphes b. et c. sont en accord avec l'expression  $T = 2\pi \sqrt{\frac{\ell}{g}}$
- Vérifier que  $\sqrt{\frac{\ell}{g}}$  a bien les dimensions d'un temps.

**3) modélisation du pendule pesant**

- Représenter les forces extérieures appliquées au système {pendule pesant} étudié dans le référentiel terrestre supposé galiléen (on négligera la poussée d'Archimède et les forces de frottement)



- Représenter les forces extérieures appliquées au système {pendule simple} étudié dans le référentiel terrestre supposé galiléen (on négligera la poussée d'Archimède et les forces de frottement)



- Déterminer la longueur du pendule simple ayant la même période que le pendule pesant étudié au I.

**Conclusions :**

- un pendule pesant peut être modélisé par un pendule simple où toute la masse est concentrée au centre d'inertie.
- En l'absence de frottement, le pendule simple à un mouvement d'oscillations périodiques
- La période propre est indépendante de la masse du pendule et de l'amplitude des oscillations pour des faibles amplitudes.

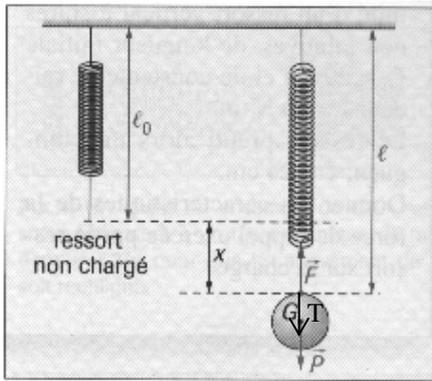
- La période propre des oscillations  $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{\ell}{g}}$

avec  $\ell$  la longueur du pendule exprimée en m. et  $g$  l'intensité de pesanteur en  $m \cdot s^{-2}$ .

### III/ dispositif solide-ressort

#### 1) force de rappel

##### a. mise en évidence



Force exercée sur le ressort : la tension  $\vec{T}$  tq  $T = P = mg$

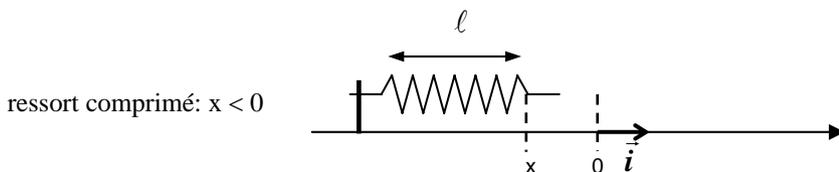
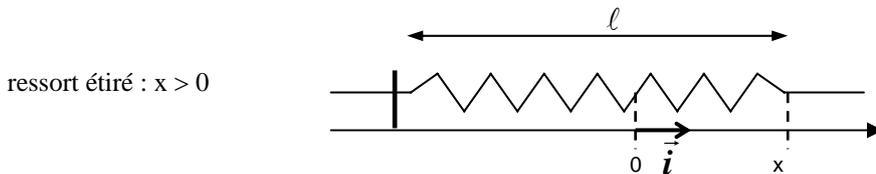
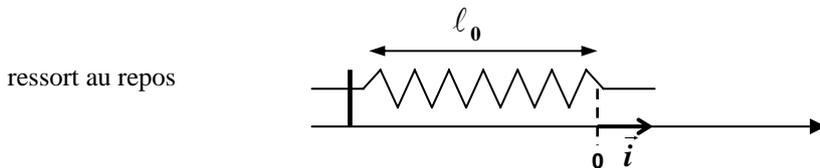
Force exercée par le ressort : la force de rappel  $\vec{F}$  tq  $\vec{F} + \vec{T} = \vec{0}$

- Mesurer l'allongement du ressort après avoir accroché différentes masses marquées.  
ATTENTION à ne pas dépasser la limite d'élasticité du ressort.

Masse m(kg)	0	
Longueur $l$ (m)		
Allongement $\Delta l = l - l_0$ (m)		
Force de rappel $F = mg$ (N)		

- A l'aide du tableur REGRESSI, tracer la représentation graphique  $F = f(\Delta l)$
- Déterminer le coefficient de proportionnalité noté k, appelé constante de raideur du ressort et exprimé en  $N.m^{-1}$ .

##### b. expression vectorielle



- Représenter la force de rappel  $\vec{F}$  dans les 2 cas.
- Vérifier que l'expression vectorielle suivante est compatible dans les 2 cas  $\vec{F} = -k x \vec{i}$   
où x représente la valeur algébrique de l'allongement exprimée en m. et k la raideur du ressort exprimé en  $Nm^{-1}$ .

**Conclusion :**  $\vec{F} \begin{cases} \text{direction : celle du ressort} \\ \text{sens : opposé à la déformation du ressort} \\ \text{valeur : } F = k |x| \end{cases}$

2) **étude expérimentale du système {solide} soumis à un ressort**  
ouvrir le simulateur "pendule élastique" du logiciel Hatier TS

**a) nature du mouvement : influence de l'amortissement**

- Dans l'onglet « Paramètres », choisir un solide de masse  $m = 128$  grammes accroché à l'extrémité d'un ressort de constante de raideur de valeur  $k = 5 \text{ N} \cdot \text{m}^{-1}$ . Négliger les frottements (coefficient de frottement  $h = 0 \text{ N s m}^{-1}$ )
- Choisir une position 5 cm pour la position initiale.
- Dans l'onglet « Affichage », afficher, pour l'animation, l'axe et la règle.
- Dans l'onglet « Enregistrement », choisir une durée d'enregistrement de 5 s
- Lancer le simulateur puis appuyer sur la touche « Pause » lorsque les 5 secondes sont achevées.
  1. Quelle est la nature du mouvement ?
  2. Mesurer la période du mouvement.
  3. Quelle est l'amplitude du mouvement ?
- Augmenter les frottements ( $h = 0,1$  puis  $0,2 \text{ N s m}^{-1}$ )
  1. Quelle est la nature du mouvement ?
  2. Mesurer la pseudopériode du mouvement.
- Augmenter encore les frottements ( $h = 1,5$  puis  $3 \text{ N s m}^{-1}$ ) Que devient le mouvement?

**b) isochronisme des oscillations: absence d'influence de l'amplitude**

En l'absence de frottements, une masse oscillante de valeur  $m = 128 \text{ g}$  est soumise à un ressort de constante de raideur de valeur  $k = 5 \text{ N} \cdot \text{m}^{-1}$ .

- Mesurer la période des oscillations pour différentes positions initiales (penser à prendre également des valeurs négatives). Conclure.

**c) période des oscillations**

**1. influence de la masse m**

- En l'absence de frottements, une masse oscillante de valeur  $m = 200 \text{ g}$ , de position initiale invariable  $x_0 = -10 \text{ m}$ , est soumise à un ressort de constante de raideur de valeur  $k = 7,5 \text{ N} \cdot \text{m}^{-1}$ .
- Mesurer la période des oscillations.
- Que devient la valeur de la période si la valeur de la masse oscillante est divisée par 4 ?
- En déduire parmi les expressions suivantes lesquelles sont compatibles avec le résultat de vos mesures.

$T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$  ;

$T = 2\pi\sqrt{\frac{k}{m}}$  ;

$T = 2\pi\sqrt{mk}$

**2. influence de la constante de raideur k**

- En l'absence de frottements, pour une masse oscillante de valeur  $m = 100 \text{ g}$  et une position initiale invariable  $x_0 = -10 \text{ cm}$  ; mesurer la période des oscillations pour différentes valeurs de la constante de raideur du ressort.

(Faire des essais pour  $k = 1, 4$ , et  $16 \text{ N} \cdot \text{m}^{-1}$ ).

- Que devient la valeur de la période si la valeur de la constante de raideur est multipliée par 4 ?
- En déduire parmi les expressions suivantes laquelle est compatible avec le résultat de vos mesures 1. et 2.

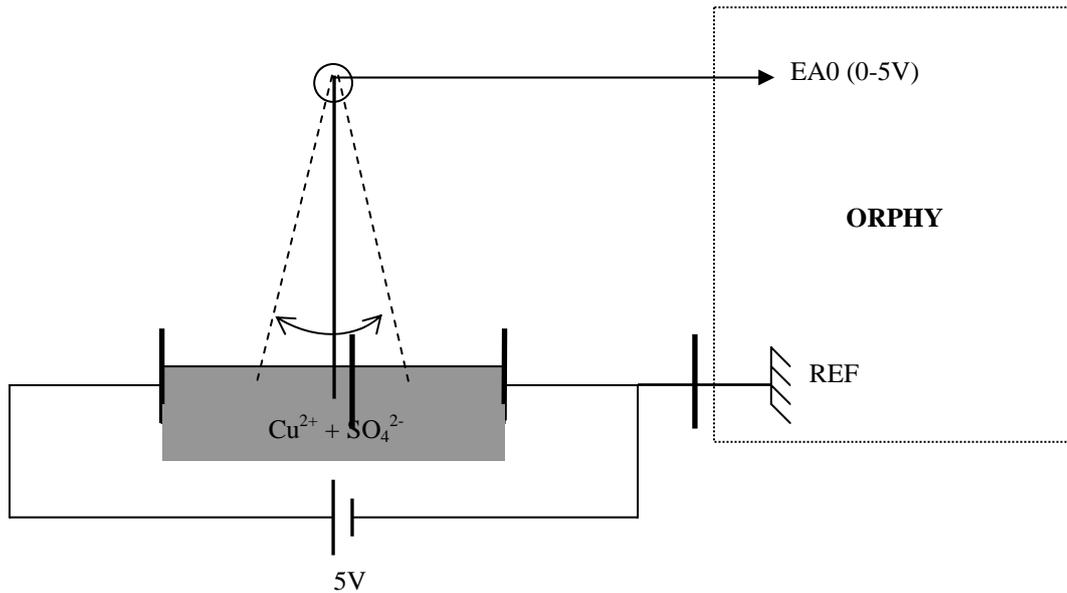
$T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$  ;

$T = 2\pi\sqrt{\frac{k}{m}}$  ;

$T = 2\pi\sqrt{mk}$

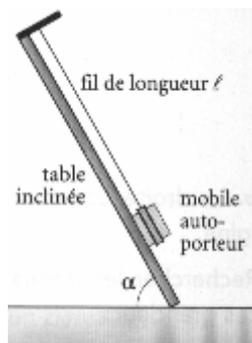
**MATERIEL AU BUREAU:**

- **pendule pesant**



- mettre le module ORPHY sous tension (interrupteur sur la façade arrière)
- positionner la REF sur 0V (interrupteur rouge sur la façade avant)
- ouvrir REGRESSI
- ouvrir WIN-GTS
- ouvrir le TP n°39 pendule pesant (configurations préenregistrées):  
 entrée analogique EA0 voltmètre 0/5V  
 autres entrées non utilisées  
 synchronisation aucune  
 référence 0V  
 abscisse temps  
 une mesure toutes les 10 ms  
 temps total d'acquisition 5,0 s  
 500 points de mesures
- régler la tension délivrée par le générateur ( $\sim 5\text{V}$ ) pour obtenir 2,5V quand le pendule pesant est dans sa position d'équilibre
- écarter le pendule de sa position d'équilibre et lancer l'acquisition: on visualise à l'écran la courbe  $U(t)$

- **table DIGWIN inclinée**



**MATERIEL PAR GROUPE:**

- potence
- Pendule simple (il faut pouvoir régler la longueur du pendule)
- Rapporteur
- Règle 30 cm
- Masses marquées pouvant être accrochées
- Pendule élastique verticale (ressort de différentes raideur)

